

## Решение задачек

7. У вас есть 8 с виду одинаковых монет, одна из которых, тем не менее, фальшивая. Фальшивая монета чуть тяжелее, но во всем остальном идентична настоящим. У вас также есть, в лучших традициях жанра, весы с чашечками, как у богини правосудия. За какое минимальное число взвешиваний можно определить фальшивку? (популярная задача)

**Решение** Разбиваем монеты на три группы: 1 и 2 группы по три монеты, 3 группа - две. Взвешиваем 1 и 2 группу, если они равны, то фальшивая монета в группе 3, она находится еще за одно взвешивание (итого 2 взвешивания) Если 1 и 2 группы не равны по весу, то выбираем ту, в которой фальшивая монета (эта группа будет тяжелее), выбираем любые две монеты из группы и взвешиваем их, если получили равенство, то фальшивая монета та, которую мы не выбрали, если не получили равенства, то все просто)) итого 2 взвешивания

10. Есть три урны из тех, что содержат шары в задачах по теории вероятности. На первой написано «ЧЕРНЫЕ», на второй - «БЕЛЫЕ», на третьей - «ЧЕРНЫЕ И БЕЛЫЕ». В одной лежат белые шары, в другой - черные, в оставшейся - и черные и белые. Все надписи заведомо ложны. Разрешается достать один шар из только одной урны. Как определить в какой урне что лежит? (Microsoft)

**Решение** Выбираем урну с надписью “ЧЕРНЫЕ И БЕЛЫЕ” и тянем из нее шар, если вытянули белый, то в этой урне на самом деле лежат белые шары, а в урне с надписью “ЧЕРНЫЕ” лежат черные и белые шары, если вытащили черный, то в урне лежат черные шары, а в урне с надписью “БЕЛЫЕ” лежат черные и белые шары.

12. Обойти двоичное дерево, НЕ используя рекурсию. (Michael Abrash)

**Решение** Если в задаче разрешено использовать дополнительную память, то решение простое, с помощью стека. Пришли в вершину заносим в стек (что именно заносим и в каком порядке зависит от того, какой обход нужен: КЛП, ЛКП и т.д.)

**И чем же это отличается от рекурсии? У этой задачи есть решение без использования дополнительной памяти.**

Ну формально это не рекурсия, впрочем, не важно, если есть другое решение будем думать)

23. Есть круглый бассейн. От его бортика в направлении точно на север отплыла рыба. Проплыв 6 метров, она опять столкнулась с бортиком. Тогда рыба повернула на восток, проплыла еще 8 метров и опять столкнулась с бортиком. Найти диаметр бассейна. (опять Мартин Гарднер)

**Решение** Тут все просто, если соединить начальную и конечную точку, то получится прямоугольный треугольник с катетами 6 и 8 метров, а гипотенуза будет являться диаметром (я не помню как называется этот угол образованный катетами, но этот угол в два раза меньше центрального угла опирающегося на ту же дугу, а так как он равен 90 градусов, то центральный угол 180 градусов, а следовательно дуга - полуокружность, а гипотенуза - диаметр)

25. У вас есть зажигалка и веревка. Если веревку поджечь с конца, то она вся сгорит за полчаса. Как отмерить, при помощи этих двух предметов 15 минут? Важное обстоятельство: Веревка горит неравномерно, где-то быстрее, где-то медленнее. (очень популярная задача)

**Решение** Поджечь с двух сторон, наверно

27. Вы стоите посреди замерзшего озера на идеально скользком льду. Трения нет вообще. Придумайте как можно больше способов добраться до берега. (Physics Mountain)

**Решение** Ну как минимум одно решение будет основано на законе сохранения импульса, т. е. нужно выбросить что-нибудь в сторону противоположную берегу, тогда, так как закону сохранения импульса суммарный импульс будет равен 0, мы будем двигаться к берегу. Возможны всякие неинтересные решения по типу испортить лед, чтобы получить трение. Можно также использовать реактивное движение (т. е. не бросить что-нибудь в сторону противоположную берегу, а, скажем, плюнуть (хотя наверно это тоже самое, что и выбросить), но можно еще дунуть, или извергнуть из себя еще что-нибудь ненужное)

29. В какие времена суток положение всех трех стрелок часов (часовой, минутной и секундной) совпадает? (не помню откуда)Разъяснение Часы механические, и стрелки двигаются с равномерной скоростью.

**Решение** Мы точно знаем, что в 00:00:00 все стрелки сходятся вместе, в следующий раз они сойдутся (грубая оценка) в интервале от 01:00:00 до 02:00:00, потом в интервале от 02:00:00 до 03:00:00 и тд, последний раз такое случится в интервале от 10:00:00 до 11:00:00 (рассматриваем только 12 часов, потому что дальше все повторяется), таким образом мы получили 11 интервалов, тогда требуемое событие происходит с периодом  $1 \text{ час} + 1/11 \text{ часа}$  ( $12/11$ ), зная начальное решение (00:00:00) мы можем получить все. Кстати задача имеет и строгое математическое решение, но его неудобно сюда вписывать.

20. Как провести электричество, чтобы свет на лестнице можно было включать/выключать и с верхней площадки, и с нижней. Нарисуйте схему проводки.

**Решение**

Задан источник постоянного тока, но в данном случае это не важно. Свет горит, когда оба выключателя замкнуты на одну внешнюю ветвь. Должно быть решение более сложное, но с одной лампочкой (кстати лампочка обозначена чисто формально, там может быть целая система световых приборов).

From:

<http://wiki.osll.ru/> - Open Source & Linux Lab

Permanent link:

<http://wiki.osll.ru/doku.php/etc:users:fun?rev=1264787393>Last update: **2010/01/29 20:49**